

Równania i nierówności kwadratowe z parametrem

1	<p>Dla jakich wartości parametru m równanie $mx^2 - (3m - 2)x + 2m - 2 = 0$ ma dokładnie jedno rozwiązanie?</p> <p>Rozwiązanie: Dla $m = 0$ równanie jest liniowe i ma 1 rozwiązanie. Dla $m \neq 0$ musi być spełniony warunek $\Delta = 0$ $\Delta = 0$ wtedy i tylko wtedy, gdy $9m^2 - 12m + 4 - 8m^2 + 8m = 0$ wtedy i tylko wtedy, gdy $m^2 - 4m + 4 = 0$ wtedy i tylko wtedy, gdy $m = 2$ Odp. Równanie ma dokładnie jedno rozwiązanie dla $m \in \{0, 2\}$.</p>
2	<p>Dla jakich wartości parametru m równanie $(2m-3)x^2 + 4mx + m - 1 = 0$ ma dwa różne pierwiastki x_1 i x_2 spełniające warunek $x_1 + x_2 > -m x_1 * x_2$</p> <p>Zapiszmy wszystkie warunki, które muszą być spełnione, aby zadanie miało rozwiązanie. I $2m - 3 \neq 0$ (aby równanie mogło mieć dwa pierwiastki) II $\Delta > 0$ (aby równanie miało dwa pierwiastki) III $x_1 + x_2 > -m x_1 * x_2$ (Zastosujemy wzory Viete'a)</p> <p>Odp: $m \in (\frac{1}{2}; \frac{3}{2}) \cup (5; \infty)$</p>
3	<p>Dla jakich wartości parametru m równanie $mx^2 - x + m - 5 = 0$ ma dwa różne rozwiązania niedodatnie?</p> <p>Wskazówka Warunki zadania są spełnione wtedy i tylko wtedy, gdy: $m \neq 0$ $\Delta > 0$ $x_1 * x_2 \geq 0$ $x_1 + x_2 < 0$ (Skorzystamy ze wzorów Viete'a)</p> <p>Odp. $m \in (\frac{5 - \sqrt{26}}{2}; 0)$</p>